No. 3

Vol. 34

doi: 10.3969/j.issn.1674-8425(z).2020.03.001

本文引用格式:潘公宇,王万青. 双横臂空气悬架主动外倾和前束的应用仿真研究[J]. 重庆理工大学学报(自然科学),2020,34(3):1-9. Citation format:PAN Gongyu, WANG Wanqing. Simulation Study on Active Camber and Toe of Double Wishbone Air Suspension[J]. Journal of Chongqing University of Technology(Natural Science),2020,34(3):1-9.

双横臂空气悬架主动外倾和前束的应用仿真研究

潘公宇,王万青

(江苏大学 汽车与交通工程学院, 江苏 镇江 212013)

摘 要:设计了一种自适应控制外倾角和前束角的双横臂悬架,通过2个伸缩臂与执行器 动态地改变车轮的外倾角和前束角度数,以提供最佳的牵引力和操纵性,同时改善轮胎磨损情 况。根据传感器的外倾角和前束角信号触发执行器——伺服电机,伸缩臂由执行器以闭环反馈 的方式通过独立的 PID 控制器驱动。以某城市公交车双横臂空气悬架为例,在 UG 中对1/2双 横臂空气悬架三维模型进行建模,并利用 Matlab 进行仿真分析。结果表明:采用闭环反馈 PID 控制外倾角的主动悬架的外倾角变化范围为 -0.56°~0.93°,被动悬架为 -1.38°~2.16°,约 减幅 56.9%。采用闭环反馈 PID 控制前束角的主动悬架的前束角变化范围为 -0.98°~0°,被 动悬架为 -1.94°~0°,约减幅 48.5%。通过仿真验证了该设计可提供最佳牵引力和操纵性的 可行性和优越性,丰富了主动悬架发展的方向。

关键 词:主动悬架;外倾角和前束角;伺服电机;PID;Matlab 仿真
 中图分类号:U463.33
 文献标识码:A
 文章编号:1674-8425(2020)03-0001-09

Simulation Study on Active Camber and Toe of Double Wishbone Air Suspension

PAN Gongyu, WANG Wanqing

(School of Automotive and Traffic Engineering, Jiangsu University, Zhenjiang 212013, China)

Abstract: In order to improve the steering stability and tire wear of the vehicle, a double wishbone suspension with an adaptive control of camber angle and toe angle is designed. The two telescopic arms and two servo actuator are used to dynamically change the degrees of the camber angle and toe angle to provide optimum traction and maneuverability while improving tire wear. The actuator (servo motor) is triggered based on sensor camber and toe angle signals and the telescopic arm is driven by the actuator in a closed loop feedback via a separate PID controller. Taking a city bus double wishbone air suspension as an example, a three-dimensional model of 1/2 double wishbone air

收稿日期:2019-03-06

基金项目:国家自然科学基金资助项目(51375212)

作者简介:潘公宇,男,博士,教授,主要从事车辆系统动力学、振动与噪声控制等方面研究,E-mail:pangongyu@hotmail.com。

suspension in UG was modeled and simulated by Matlab. The results show that the camber angle changing range of the active suspension with the closed-loop feedback PID control camber angle is $-0.56^{\circ} \sim 0.93^{\circ}$, and the passive suspension is $-1.38^{\circ} \sim 2.16^{\circ}$, the reduction is about 56.9%. The toe angle changing range of the active suspension with closed-loop feedback PID control toe angle is $-0.98^{\circ} \sim 0^{\circ}$, and the passive suspension is $-1.94^{\circ} \sim 0^{\circ}$, the reduction is about 48.5%. The simulation proves that the camber angle and the toe angle are dynamically changed to provide the best traction, maneuverability and superiority, which enriches the development direction of the active suspension.

Key words: active suspension; camber angle and toe angle; servo motor; PID; Matlab

1 研究现状

悬挂系统有3个主要功能:将乘客和货物隔 离,使其免受因道路不正常而引起的振动和冲击, 保证乘坐舒适性;提供横向和纵向稳定性,抵抗底 盘侧倾:通过保持适当的转向和前轮定位参数之 间的关系来改善车辆的控制,以及操纵时保持所 有轮胎与道路的接触。然而,在过去的几年里,由 干技术进步和客户需求的提高,悬挂系统发生了 各种各样的变化和发展。为满足悬架系统的性能 要求,悬架系统的舒适性和动态性能之间总是存 在着妥协的问题。因此,悬挂系统的参数,如外倾 角、前束角、主销后倾角、主销内倾角都需要进行 相应设置,这些参数决定了系统的性能。通过自 适应地改变这些参数,车辆的动态特性可以实时 变化。在所有这些参数中,外倾角是使悬挂式车 轮横向抓地力最大化的几个属性之一,而前束角 可消除车轮外倾引起的前轮"滚锥效应"。

关于车辆操纵稳定性影响方面,国内外进行 了大量研究,研究者使用包括悬架硬点优化、新型 悬架结构开发、悬架定位参数半主动及主动调节 等方法来提高车辆的稳定性。

早期主要研究如何优化悬架硬点使前轮定位 参数匹配合理且在车辆运动过程中定位参数变化 范围较小。文献[1]以研究汽车操纵稳定性为切 入点,根据设计的灵敏度计算方法找到影响悬架 特性的关键点硬点坐标,通过响应面方法建立了 悬架特性与悬架关键点硬点坐标之间的回归模 型,分别进行单目标和多目标优化,并对优化后的 结果与目标车悬架特性进行对比,说明优化方法 的可行性,为悬架正向开发流程中合理布置硬点 坐标提供了参考。文献[2]采用有限转动张量,结 合矢量代数法,建立了悬架导向机构的运动学数 学模型,并对硬点作灵敏度分析。从提高操纵稳 定性和降低轮胎磨损的角度出发,采用微型多目 标遗传算法,对悬架跳动中轮心处侧向滑移量、车 轮外倾角和前束角进行优化。文献[3]基于 Isight 软件,与 ADAMS 和 Matlab 软件联合仿真,得到悬 架的稳态操纵稳定性能指标与硬点位置坐标的关 系,提出了评价硬点对悬架和整车操纵稳定性能 指标影响大小的灵敏度分析法,在假设硬点位置 坐标符合正态分布的条件下求出悬架性能指标的 分布,对关键硬点位置坐标进行了鲁棒性优化 设计。

通过对新型悬架结构的研究可实现更好的操 稳性。文献[4]通过综合分析各悬架的结构特点 及优缺点,设计了一种新型的双横臂式独立悬架 结构,其采用双横臂并联的结构形式,由轮部连接 铰链、缓冲阻尼支撑板、轮部上横臂、车身上横臂、 下横臂、缓冲阻尼连接杆和车架连接铰链7部分 组成。利用平行四边形的特点,在车轮跳动过程 中车轮始终与地面垂直且全面接触,从而降低了 车轮的磨损,提高了操作性及稳定性。

为提高悬架的性能,研究者近期在设计和分析悬挂系统方面做了大量工作,其中包括从半主动到全主动的主动悬架部件的设计和分析。文献 [5]提出了采用电动机械装置来感知车辆所受的侧向力,以此为根据改变悬挂外倾角的思想,并利 用外倾角调节器提供必要的响应,改善车辆在转 弯和转弯时的稳定性。文献[6]在悬架系统中增 加电子控制,使工程师有机会进一步改善车辆动 力学特性。文献[7]提出了在非线性多项式 SOS (平方和)中实现变几何悬挂系统的优点,用于分 析转向和车轮倾斜的协调。文献「8]提出了一种 基于在四轮转向控制系统中纵向和横向加速度、 转向角和偏航速率传感器信号的主动前束控制的 思想,以改善车辆的动态性能。文献[9]提出了多 个主动自由度的机电悬挂系统的概念,以主动改 变外倾角、主动转向和悬挂系统,增加车辆的侧向 力,从而提高转弯能力。文献[10]提出了一种带 有机电传动装置的可变几何悬架,它通过控制底 盘的俯仰和结构系统上端眼的位置来改善悬架性 能。由于空气悬架充放气的影响,其上下轮跳范围 会随之变化,上下轮跳范围的不确定会使外倾角 和前束角变化范围不确定,从而影响车辆行驶的 操纵稳定性。

本文在被动双横臂空气悬架模型的基础上设 计了一种可主动调节外倾角和前束角的主动悬 架。通过对双横臂空气悬架模型上横臂和转向拉 杆结构的改进,以传动螺杆与螺孔相配合构成伸 缩臂,并采用伺服电机实现伸缩臂的伸缩。通过 位移传感器获取实时的外倾角和前束角度数,然 后传送给 PID 控制器,控制器以此信号对伺服电 机进行转角控制,实现对外倾角和前束角的动态 调整。以某城市公交车双横臂空气悬架为例,本 文在 UG 中建立 1/2 被动双横臂空气悬架三维模 型,并测得相关参数,然后在 SimMechanics 中建立 被动悬架模型的局部结构改进建立 SimMechanics 主动悬架模型,并仿真验证了该方法与主动悬架 的有效性。

2 悬架三维模型建立

在 UG 中建立某型号公交车双横臂前悬架三 维模型,并在此基础上对被动悬架结构进行改进, 通过伸缩臂和伺服电机的配合实现主动调节外倾 角和前束角,设计出主动悬架示意图。

2.1 被动悬架三维模型建立

双横臂空气悬架由上横臂、下横臂、转向节、 转向节臂、转向横拉杆、减振器、空气弹簧等部件 组成。由于研究对象是外倾角和前束角随轮跳量 的变化情况,故减振器和空气弹簧这两个部件可 以忽略。考虑双横臂空气悬架左右对称,故只需 建立一侧的悬架模型。根据二维图纸建立1/2 双 横臂被动悬架三维模型,见图1。



图1 1/2 双横臂被动悬架三维模型

2.2 主动悬架模型设计

基于被动悬架模型对上横臂和转向拉杆进行 结构改进,以传动螺杆和螺孔配合构成伸缩臂,以 伺服电机作为执行器,并在上横臂和转向拉杆上 建立伺服电机安装台,从而构成主动悬架模型,如 图 2~4。其中:1 为外倾角调节机构;2 为前束角 调节机构;3 为转向节;4 为转向摇臂;5 为下横臂; 6 为外倾伸缩臂;7 为上横臂;8 为外倾伺服电机;9 为外倾电机安装板;10 为外倾传动螺杆;11 为外 倾螺孔;12 为前束传动螺杆;13 为前束伸缩臂;14 为前束伺服电机;15 为前束螺孔;16 为转向拉杆; 17 为前束电机安装板。





图 3 改进后的上横臂示意图



图4 改进后的转向拉杆示意图

3 悬架 Simulink 仿真模型建立

Simulink 是 Matlab 最重要的组件之一,它提 供一个动态系统建模、仿真和综合分析的集成环 境。在该环境中,无需大量书写程序,只需通过简 单直观的鼠标操作就可构造出复杂的系统。 Simulink具有适应面广、结构和流程清晰及仿真精 细、贴近实际、效率高、灵活等优点。基于以上优 点,Simulink已被广泛应用于控制理论和数字信号 处理的复杂仿真和设计,同时有大量的第三方软 件和硬件可应用于或被要求应用于 Simulink。

SimMechanics 立足于 Simulink,是进行控制器 和对象系统跨领域和学科的研究分析环境。 SimMechanics为多体动力机械系统及其控制系统 提供了直观有效的建模分析手段,所有工作均在 Simulink 环境中完成。

3.1 被动悬架 SimMechanics 模型建立

根据 UG 建立的被动双横臂悬架三维模型,测 量得到各部件的参数(如质量、质心、转动惯量、关 键硬点)。悬架部分参数见表1。

如图 5 所示,根据在 UG 中建立的三维模型测得的关键参数,在 SimMechanics 中建立上横臂、下横臂、转向节、转向拉杆、车轮部件,以及 SimMe-

chanics 建模必要模块 ground 和 Mechine Environment,编辑各部件质量、质心、转动惯量参数以及 部件之间连接处的关键硬点坐标。上横臂有3个 关键硬点,分别为 uca front、uca rear、uca outer;下 横臂有3个关键硬点,分别为 lca_front、lca_rear、 lca_outer;转向拉杆有2个关键硬点,分别为 tierod outer、tierod inner:转向节有4个关键硬点,分别 为 uca_outer、lca_outer、tierod_outer、wheel_center。 上横臂的 uca_front、uca_rear 硬点与 ground 以旋转 副相连接,其 uca_outer 硬点与转向节以球铰副相 连接:下横臂的 lca_front、lca_rear 硬点与 ground 以 旋转副相连接,其lca outer 硬点与转向节以球铰 副相连接:转向拉杆的 tierod outer 硬点与转向节 以球铰副相连接,其 tierod inner 与 ground 以球铰 副相连接。由于研究对象是外倾角和前束角随轮 跳量的变化,故车轮的转动可忽略,同时也便于在 仿真模型的车轮上建立位置传感器。因此,车轮 与转向节于 wheel_center 硬点处以固定副相连接。 在车轮上取正上方、正前方以及轮心处建立位置 传感器,正上方放置位置传感器并通过计算得到 外倾角随时间变化量,正前方放置位置传感器并 通过计算得到前束角随时间变化量,轮心放置位 置传感器并通过计算得到轮跳随时间变化量。在 上横臂的 uca front 与 ground 连接处的旋转副处建 立作动器从而达到上下轮跳的模拟效果,作动器 输入如图6。

表1 悬架部分参数

硬点名称	硬点坐标			
uca_outer	(18.18 775.7 307)			
uca_front	(-203.06 512 302)			
uca_rear	(203.05 512 302)			
lca_outer	(-2.914 8 877.57 -186.28)			
lca_front	(11 378.08 -181.29)			
lca_rear	(463.5 378.08 -181.29)			
tierod_inner	(-30 33 30)			
tierod_outer	(-174 909.4 -30)			
wheel_center	(0 1 047.5 -6)			



图5 双横臂被动悬架 SimMechanics 模型



图 6 模拟上下轮跳作动器 SimMechanics 模型

3.2 主动悬架 SimMechanics 模型建立

基于被动悬架的 SimMechanics 模型,在上横 臂 uca_outer 硬点处施加螺杆约束副来实现对伸缩 臂结构的仿真模拟,通过对螺杆约束副的作动器 输入实现对外倾角的主动控制。主动悬架的上横 臂 SimMechanics 模型如图 7 所示。同理,在转向 拉杆 tierod_outer 硬点与 tierod_inner 硬点中点处 施加螺杆约束副来实现对伸缩臂结构的仿真模 拟;通过对螺杆约束副的作动器输入实现对前束 角的主动控制。主动悬架的转向拉杆 SimMechanics 模型如图 8 所示。1/2 主动悬架 SimMechanics 模型如图 9 所示。



图7 改进后上横臂 SimMechanics 模型



图 8 改进后转向拉杆 SimMechanics 模型



图 9 1/2 双横臂主动悬架 SimMechanics 模型

3.3 直流伺服电机模型

本文的直流伺服电机为 MAXON 公司的盘式 电机,电机部分参数如表 2 所示。

表2 电机部分参数

额定	转矩	转子	电机	电机	黏性阻尼
电压/	′ 常数/	惯量/	电阻/	电感/	系数/
V	(N·m·A ⁻¹)	(g·cm ²)	Ω	mH	(N·m·s)
48	0.217	3 060	2.28	2.5	0.1

3.3.1 直流伺服电机的物理模型

直流伺服电机的物理模型与参数如图 1 所 示。其中: u_a 为电枢输入电压(V); u_q 为感应电动 势(V); i_a 为电枢电流(A); R_a 为电机电阻(Ω); L_a 为电机电感(H); θ 为电机输出转角(rad); T_g 为电 机电磁转矩(N·m);J 为转子惯量(kg·m²);B 为黏性阻尼系数(N·m·s)。

- 3.3.2 直流伺服电机的数学模型
 - 1) 基本方程组

根据基尔霍夫定律和牛顿第二定律对图 10 所示的电机列基本方程组:

$$u_a - u_q = i_a R_a + L_a \frac{\mathrm{d}i_a}{\mathrm{d}t} \tag{1}$$

$$T_g = J \frac{\mathrm{d}^2 \theta}{\mathrm{d}t^2} + B \frac{\mathrm{d}\theta}{\mathrm{d}t}$$
(2)

$$T_g = i_a K_t \tag{3}$$



图 10 直流伺服电机的物理模型

2) 电机的传递函数

对式 (1) ~(4) 进行拉普拉斯变换,得: $U_a(s) - U_q(s) = I_a(s) \cdot R_a + L_a s \cdot I_a(s)$ (5)

$$T_{g}(s) = Js^{2} \cdot \theta(s) + Bs \cdot \theta(s)$$
(6)

$$T_g(s) = I_a(s) \cdot K_t \tag{7}$$

$$U_q(s) = K_e s \cdot \theta(s) \tag{8}$$

消去方程组的中间变量,整理得电机系统的 传递函数为

$$G(s) = \frac{\theta(s)}{U(a)} = \frac{K_i}{s(L_a s + R_a)(J s + B) + K_i K_e s}$$
(9)

4 控制器设计

4.1 PID 控制原理

PID 控制是一种经典控制模型,其对建立精确

数学模型的控制系统具有很好的控制效果,PID 控制原理如图 11 所示。本文建立了主动控制外倾 角和前束角的 SimMechanics 悬架模型,由位移传 感器输出的外倾角和前束角的测量值与其期望值 进行对比,通过闭环反馈 PID 控制方法,对伺服电 机转角的输出进行控制,从而实现对外倾角和前 束角的动态调整。



图 11 主动悬架 PID 控制原理

4.2 仿真系统设计要求

利用 Simulink 模型可使参数整定工作大为简 化,本文所述电机系统(式(9))要求在电压输入 端输入单位阶跃电压(1 V)后,直流伺服电机的转 轴应能输出 1 rad 转角,且应同时满足下列要求: 系统调整时间 $t_s < 0.04$ s,最大超调量 M < 0.5%, 系统稳态误差 e = 0。

4.3 系统阶跃输入响应仿真

在 Simulink 中搭建图 12 所示开环系统阶跃 输入响应方框图,设置仿真环境的参数。运行后 显示如图 13 所示的开环系统对单位阶跃输入的 响应,即直流伺服电机输入单位阶跃电压时,电机 的输出转角呈直线性上升。仿真结果表明,该系 统没有达到预期的设计要求。





图 12 开环系统阶跃输入响应方框图



图 13 开环系统阶跃响应曲线

4.4 PID 参数校正

4.4.1 比例(P) 控制校正

为在要求的时间内达到设定的角位移,比例 增益应尽可能大,以提高比例作用的强度,但必须 同时考虑系统的稳定性。采用单纯的比例控制 时,其调整时间和超调量是一对矛盾,无法同时满 足,要缩短调整时间,就要加大比例增益,但超调 量也会同时加大。经过多次参数选择发现,在 $K_p = 500$ 、 $K_i = K_d = 0$ 时,运行后得到的阶跃响应曲 线如图 14 所示。由图 14 可知,0.05 s 时的稳态误 差为 0.007 8,超调量接近 4.68%,不能满足设计要 求,特别是调节过程 0.06 s 后才能逐步进入稳态。



图14 P校正系统阶跃响应曲线

由上述分析发现,对图 14 所示的动态过程首 先要采取措施缩短调整时间,减小超调量。

4.4.2 比例微分 (PD) 控制校正

微分作用具有超前控制能力,可抑制最大动态偏差,提高系统的稳定性。但微分作用又不能单独使用,因为其输出仅与偏差的变化速度有关,如果偏差存在而不变化,微分作用是没有输出的。现将比例和微分控制结合使用,控制作用互补,组成 PD 控制器。令 K_p = 500, K_d = 0.9, K_i = 0,运行后,系统的阶跃响应曲线如图 15 所示。由图 15可知,此时动态过程的品质指标大幅度提高,其超

调量为 0.44%, 调整时间为 0.037 s, 均能满足设 计要求。在 0.05 s 时的稳态误差由 0.007 8 减小 到 0.000 011 2。



图 15 PD 校正系统阶跃响应曲线

由上述分析发现,此时无需再进行比例积分 微分(PID)控制校正。故 PID 控制器参数为 K_p = 500, K_d = 0.9, K_i = 0。PID 校正系统阶跃输入响应 方框图见图 16。



图 16 PID 校正系统阶跃输入响应方框图

5 系统仿真与分析

在上横臂的 uca_front 与 ground 连接处的旋转 副处建立作动器,从而达到上下轮跳的模拟效果。 轮跳量随时间变化如图 17 所示。对上述建立的 被动悬架和主动悬架的 Simulink 模型进行仿真, 得到被动悬架和主动悬架外倾角和前束角时域变 化曲线,见图 18~21。







图 21 主动悬架前束角时域变化曲线

从图 18 和图 19 中可以看出:采用闭环反馈 PID 控制外倾角的主动悬架的外倾角变化范围为 -0.56°~0.93°,被动悬架为-1.38°~2.16°,减 幅约 56.9%。

从图 20 和图 21 可以看出,采用闭环反馈 PID 控制前束角的主动悬架的前束角变化范围为 -0.98°~0°,被动悬架为-1.94°~0°,减幅约 48.5%。

6 结束语

在被动双横臂空气悬架结构的基础上,对上 横臂结构和转向拉杆结构进行设计,提出了一种 可主动调节外倾角和前束角的主动悬架系统,在 车辆行驶过程中动态地减小外倾角和前束角的变 化。在 SimMechanics 中建立双横臂悬架的被动和 主动模型,并在 Simmulink 中建立伺服电机模型和 控制器模型,通过仿真得到主动悬架比被动悬架 的外倾角变化范围减幅约 56.9%,前束角变化范 围减幅约48.5%,验证了主动悬架系统的优越性。 在车辆操纵稳定性研究领域采用 PID 控制器和伺 服执行器改变伸缩臂来控制车轮定位参数的思想 是一种比较新颖的方式,显示出悬架系统的发展 趋势。与其他系统相比,其优点在于系统较为简 单,鲁棒性好,经济性好。由于结构改进后加入了 伺服电机和电机安装板结构,对悬架空间布置有 了进一步要求,故该系统更适合在较大型的客车 上应用。

参考文献:

[1] 刘伟忠.基于虚拟样机技术的某车悬架 K&C 特性仿 真分析及硬点优化[D].长春:吉林大学,2009.

- [2] 丁飞,韩旭,刘桂萍,等.悬架导向机构硬点灵敏度分析及多目标优化设计[J].汽车工程,2010,32(2):137-142.
- [3] 高晋,杨秀建,牛子孺.硬点对悬架和操稳性能灵敏度 分析及鲁棒性优化[J]. 江苏大学学报(自然科学版), 2014,35(3):249-256.
- [4] 李吉康. 新型双横臂式独立悬架的设计及应力分析
 [J]. 南方农机,2018,49(15):47-50.
- [5] CHOUDHERY K. Variable camber suspension system: U. S. 6874793 [P]. 2005 - 04 - 05.
- [6] KAWAMOTO Y, SUDA, Y, INOUE H, et al. Electro-mechanical suspension system considering energy consumption and vehicle manoeuvre[J]. VehicleSystemDynamics, 2008,46(sup1):1053-1063.
- [7] BALAZS Nemeth, PETER Gaspar. Mechanical analysis and control design of a variable-geometry McPherson suspension [J]. International Journal of Vehicle Systems Modelling and Testing, 2012, 7(2):173-193.
- [8] GROENENDIJK M J P. Improving Vehicle Handling Behavior with Active Toe control [D]. Holland; Eindhoven University of Technology, 2009.
- [9] LAWS S M. An active camber concept for extreme manoeuvrability:mechatronic suspension design, tire modelling, and prototype development [D]. USA:Stanford University,2010.
- [10] EVANGELOU S A, ARANA C, DINI D. Series Active Variable Geometry Suspension for Road Vehicles [J].
 IEEE/ASME transactions on mechatronics: A joint publication of the IEEE Industrial Electronics Society and the ASME Dynamic Systems and Control Division, 2015, 20 (1):361-372.

(责任编辑 杨黎丽)